

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



حل الدرس الرابع والخامس من الوحدة الخامسة

[موقع المناهج](#) ⇨ [المناهج الإماراتية](#) ⇨ [الصف السابع](#) ⇨ [رياضيات](#) ⇨ [الفصل الثاني](#) ⇨ [الملف](#)

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 11-01-2023 14:06:05 | اسم المدرس: مصطفى أسامة علام

التواصل الاجتماعي بحسب الصف السابع



روابط مواد الصف السابع على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف السابع والمادة رياضيات في الفصل الثاني

[دليل تصحيح أسئلة الامتحان الورقي - بريدج](#)

1

[أسئلة الامتحان النهائي - بريدج](#)

2

[حل مراجعة الوحدة السابعة الأشكال الهندسية - ريفيل](#)

3

[حل مراجعة الوحدة السادسة المعادلات - ريفيل](#)

4

[مراجعة نهائية وفق الهيكل الوزاري - ريفيل](#)

5

خاصية التوزيع

$$a(b \pm c)$$

السؤال الأساسي

كيف يمكنك استخدام الأعداد والرموز لتمثيل الأفكار الرياضية؟

المفردات

خاصية التوزيع
Distributive Property
تعابير مكافئة
Equivalent expressions

المهارات الرياضية

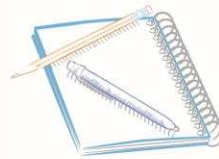
1, 3, 4, 5, 7

الربط بالحياة اليومية

اللوازم المدرسية اشترى مازن ثلاثة دفاتر تبلغ كلفة كل منها 5 AED. كما اشترى ثلاث مجموعات من أقلام الحبر مقابل 6 AED لكل منها.

1. اكتب تعبيرا يوضح تكلفة شراء ثلاثة دفاتر مضافة إلى تكلفة شراء المجموعات الثلاث لأقلام الحبر.

$$\square \times 5 + \square \times 6$$



2. اكتب تعبيرا يوضح ثلاثة أضعاف تكلفة شراء دفتر واحد ومجموعة واحدة من أقلام الحبر.

$$\square (\square + \square)$$

3. أوجد قيمة التعبيرين. ما الذي تلاحظه؟

4. افترض أن مازن قد اشترى خمسة دفاتر تبلغ تكلفة كل منها 3 AED وخمس مجموعات من أقلام الحبر تبلغ تكلفة كل منها 7 AED. حوّل التعابير التي تمثل عمليات الشراء التي قام بها مازن.

$$5 \times 3 + 5 \times 7 \quad 5 \times 3 \times 5 \times 7 \quad 5(3 + 7)$$

5. افترض أن مازن قد اشترى مسطرتين تبلغ تكلفة كل منهما 1 AED وحافظتي أوراق تبلغ تكلفة كل منهما 1.50 AED. حوّل التعابير التي تمثل عمليات الشراء التي قام بها مازن.

$$2 + 1 + 2 + 1.50 \quad 2(1 + 1.50) \quad 2 \times 1 + 2 \times 1.50$$

ما المهارات الرياضية التي استخدمتها؟

ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- | | |
|-----------------------------|---------------------------|
| ⑤ استخدام أدوات الرياضيات | ① المثابرة في حل المسائل |
| ⑥ مراعاة الدقة | ② التفكير بطريقة تجريدية |
| ⑦ الاستفادة من البنية | ③ بناء فرضية |
| ⑧ استخدام الاستنتاج المتكرر | ④ استخدام نماذج الرياضيات |

المفهوم الأساسي

استخدام خاصية التوزيع

الشرح تنص **خاصية التوزيع** على أنه لضرب مجموع أو فرق في عدد، اضرب كل حد داخل القوسين في العدد الموجود خارج القوسين.

$$a(b + c) = ab + ac$$

$$a(b - c) = ab - ac$$

الرموز

$$4(6 + 2) = 4 \times 6 + 4 \times 2$$

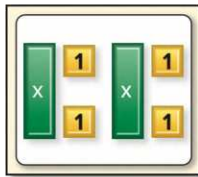
$$3(7 - 5) = 3 \times 7 - 3 \times 5$$

أمثلة

يمكنك أن تمثل خاصية التوزيع في التعابير الجبرية باستخدام القطع الجبرية. التعبير $2(x + 2)$ تم تمثيله أدناه.



قم بتمثيل $x + 2$ باستخدام القطع الجبرية.



ضاعف عدد القطع الجبرية لتمثيل $2(x + 2)$.



أعد ترتيب القطع عبر تجميع الأحاد مع الأشكال ذاتها.

$$\begin{aligned} 2(x + 2) &= 2(x) + 2(2) && \text{خاصية التوزيع} \\ &= 2x + 4 && \text{اضرب.} \end{aligned}$$

التعبيران $2(x + 2)$ و $2x + 4$ هما **تعبيران متكافئان**. وبغض النظر عن قيمة x فإن لهذين التعبيرين القيمة ذاتها.

مثال

1. استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة $8(-9 + 4)$.

$$\begin{aligned} 8(-9 + 4) &= 8(-9) + 8(4) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= -72 + 32 && \text{اضرب. ثم اجمع.} \end{aligned}$$

تأكد من فهمك! أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

$$\begin{aligned} \text{a. } 5(-9 + 11) &= 5(-9) + 5(11) \\ &= -45 + 55 \\ &= 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b. } 7(10 - 5) &= 7(10) - 7(5) \\ &= 70 - 35 \\ &= 35 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c. } 9(12 - 8) &= 9(12) - 9(8) \\ &= 108 - 72 \\ &= 36 \end{aligned}$$

منطقة العمل

$$3(7 - 5)$$

$$\begin{aligned} 3(7 - 5) &= 3(7) - 3(5) \\ &= 21 - 15 \\ &= 6 \end{aligned}$$

طريقة التوزيع

$$\begin{aligned} 2(200 - x) &= 2 \times 200 - 2 \times x \\ &= 400 - 2x \\ &= 392 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5(3 + x) &= 5(3) + 5(x) \\ &= 15 + 5x \end{aligned}$$

a. _____

b. _____

c. _____

أمثلة

استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل تعبير.

2. $4(x + 7)$

$$\begin{aligned} 4(x + 7) &= 4(x) + 4(7) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= 4x + 28 && \text{بسط.} \end{aligned}$$

3. $6(p - 5)$

$$\begin{aligned} 6(p - 5) &= 6[p + (-5)] && \text{أعد كتابة } p - 5 \text{ بصيغة } p + (-5). \\ &= 6(p) + 6(-5) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= 6p + (-30) && \text{بسط.} \\ &= 6p - 30 && \text{تعريف الطرح} \end{aligned}$$

4. $-2(x - 8)$

$$\begin{aligned} -2(x - 8) &= -2[x + (-8)] && \text{أعد كتابة } x - 8 \text{ بصيغة } x + (-8). \\ &= -2(x) + -2(-8) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= -2x + 16 && \text{بسط.} \end{aligned}$$

5. $5(-3x + 7y)$

$$\begin{aligned} 5(-3x + 7y) &= 5(-3x) + 5(7y) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= -15x + 35y && \text{بسط.} \end{aligned}$$

6. $\frac{1}{3}(x - 6)$

$$\begin{aligned} \frac{1}{3}(x - 6) &= \frac{1}{3}[x + (-6)] && \text{أعد كتابة } x - 6 \text{ بصيغة } x + (-6). \\ &= \frac{1}{3}(x) + \left(\frac{1}{3}(-6)\right) && \text{وسع باستخدام خاصية التوزيع.} \\ &= \frac{1}{3}x + (-2) && \text{بسط.} \\ &= \frac{1}{3}x - 2 && \text{تعريف الطرح} \end{aligned}$$

اكتب
الحل
هنا.

d. _____

e. _____

f. _____

g. _____

تأكد من فهمك! أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

d. $6(a + 4)$

e. $(m + 3n)8$

f. $-3(y - 10)$

g. $\frac{1}{2}(w - 4)$



مثال

7. يحتاج السيد فهد شراء خوذة رأس لفريق البيسبول. وتبلغ تكلفة كل خوذة يخطط لشراؤها AED 19.95. أوجد التكلفة الإجمالية إذا علمت أن السيد فهد يحتاج شراء 9 خوذة رأس للفريق.

أعد تسمية AED 19.95 لتكون AED 0.05 – AED 20.00. ثم استخدم خاصية التوزيع لإيجاد التكلفة الإجمالية ذهنياً.

$$\begin{aligned} \text{خاصية التوزيع} & 9(\text{AED } 20.00 - \text{AED } 0.05) = 9(\text{AED } 20.00) - 9(\text{AED } 0.05) \\ \text{اضرب.} & = \text{AED } 180 - \text{AED } 0.45 \\ \text{اطرح.} & = \text{AED } 179.55 \\ & \text{تبلغ التكلفة الإجمالية للخوذة AED } 179.55. \end{aligned}$$

اكتب الحل هنا.

تأكد من فهمك! أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

h. يستأجر ناد رياضي دراجات ترابية مقابل AED 37.50 لكل منها. أوجد التكلفة الإجمالية التي يتحملها النادي مقابل استئجار 20 دراجة. علل إجابتك باستخدام خاصية التوزيع.

h. _____



تمرين موجّه

استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة كل تعبير أو إعادة كتابته. (الأمثلة 1-6)

$$\begin{aligned} 1. (8 + 11)(-3) &= \\ &= -3(8) + (-3)(11) \\ &= -24 + (-33) \\ &= -24 - 33 \\ &= -57 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2. -5(2x + 4y) &= \\ &= -5(2x) + (-5)(4y) \\ &= -10x + (-20y) \\ &= -10x - 20y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3. \left(\frac{1}{5}\right)g - 10 &= \\ &= \frac{1}{5}(g) - \frac{1}{5}(50) \\ &= \frac{1}{5}g - 10 \end{aligned}$$

اكتب الحل هنا.

4. تستطيع الذبابة أن تحلق بسرعة تبلغ نحو 1.9 متر في الثانية. بحسب هذا المعدل، إلى أي مدى

يمكن أن تحلق في 25 ثانية؟ علل إجابتك باستخدام خاصية التوزيع. (المثال 7)

$$\begin{aligned} 25(1.9) &= 25(1 + 0.9) = 25(1) + 25(0.9) \\ &= 25 + 22.5 \\ &= 47.5 \end{aligned}$$

قيم نفسك!

ما مدى فهمك لخاصية التوزيع؟
ضع علامة على المربع الذي ينطبق.



5. الاستفادة من السؤال الأساسي صف كيف يعدّ استخدام صيغة إيجاد محيط المستطيل أحد تطبيقات خاصية التوزيع.

تبايرين ذاتية

استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة كل تعبير. (المثال 1)

$$1. 3(5 + 6) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 3(5) + 3(6)$$

$$= 15 + 18$$

$$= \boxed{33}$$

$$2. (6 + 4)(-12) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= -12(6) + (-12)(4)$$

$$= -72 + (-48)$$

$$= -72 - 48 = \boxed{-120}$$

$$3. -6(9 - 4) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= -6(9) - (-6)(4)$$

$$= -54 + 24$$

$$= \boxed{-30}$$

اكتب
الحل
هنا.

$$4. 5(-6 + 4) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 5(-6) + 5(4)$$

$$= -30 + 20$$

$$= \boxed{-10}$$

$$5. 4(8 - 7) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 4(8) - 4(7)$$

$$= 32 - 28$$

$$= \boxed{4}$$

$$6. (5 - 7)(-3) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= -3(5) - (-3)(7)$$

$$= -15 + 21$$

$$= \boxed{6}$$

تحديد البنية استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل تعبير. (الأمثلة 2-6)

$$7. 3(-4x + 8) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 3(-4x) + 3(8)$$

$$= \boxed{-12x + 24}$$

$$8. 4(x - 6y) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 4(x) - 4(6y)$$

$$= \boxed{4x - 24y}$$

$$9. 6(5 - q) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 6(5) - 6(q)$$

$$= \boxed{30 - 6q}$$

$$10. \frac{1}{2}(c - 8) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \frac{1}{2}(c) - \frac{1}{2}(8)$$

$$= \boxed{\frac{1}{2}c - 4}$$

$$11. -3(5 - b) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= -3(5) - (-3)(b)$$

$$= -15 + 3b$$

$$= \boxed{-15 + 3b}$$

$$12. (d + 2)(-7) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= (-7)(d) + (-7)(2)$$

$$= -7d - 14$$

$$= \boxed{-7d - 14}$$

اشترت إيمان لحم بقر مشويا مقابل AED 59.85 للكيلوجرام الواحد. أوجد التكلفة الإجمالية إذا اشترت إيمان 4 كيلوجرامات من لحم البقر المشوي. علل إجابتك باستخدام خاصية التوزيع.

$$(المثال 7)$$

$$4(59.85) = 4(60 - 0.15) = 4(60) - 4(0.15)$$

$$= 240 - 0.60$$

$$= \boxed{239.40}$$

14. عرض الجدول الأسعار المختلفة للسلع التي يتم بيعها في دار السينما.

a. افترض أن وفاء واثنين من رفيقاتها يذهبن لحضور الأفلام. اكتب تعبيراً يمكن استخدامه لإيجاد التكلفة الإجمالية لذهابهن لمشاهدة الأفلام وشراء واحد من جميع السلع الواردة في الجدول لكل منهن.

$$3(2.25 + 3.25 + 4.50 + 19.50)$$

b. ما التكلفة الإجمالية للرفيقات الثلاث؟

$$= 3(2.25) + 3(3.25) + 3(4.50) + 3(19.50)$$

$$= 6.75 + 9.75 + 13.50 + 58.50$$

$$= \boxed{88.50} \text{ درهم}$$

أسعار السلع في دار السينما	
السلعة	التكلفة (AED)
علبة من الحلوى	2.25
مشروب	3.25
الفشار	4.50
التذكرة	19.50

استخدام أدوات الرياضيات أوجد ناتج ضرب كل مما يلي ذهنيا. علل إجابتك.

$$15. 9 \times 35 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 9(30 + 5)$$

$$= 270 + 45$$

$$= \boxed{315}$$

$$16. 8 \times 28 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 8(30 - 2)$$

$$= 240 - 16$$

$$= 224$$

$$17. 112 \times 6 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 6(100 + 12)$$

$$= 600 + 72$$

$$= \boxed{672}$$

$$18. 85 \times 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 8(80 + 5)$$

$$= 640 + 40$$

$$= \boxed{680}$$

$$19. 4 \times 122 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 4(100 + 22)$$

$$= 400 + 88$$

$$= \boxed{488}$$

$$20. 12 \times 64 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= 12(60 + 4)$$

$$= 720 + 48$$

$$= \boxed{768}$$

مسائل مهارات التفكير العليا

21. التفكير بطريقة تجريدية اكتب تعبيرا يكون ناتجه عند تحويله إلى أبسط صورة باستخدام خاصية التوزيع $12a + 18b - 6c$.

$$6(2a + 3b - c) \quad / \quad 3(4a + 6b - 2c) \quad / \quad 2(6a + 9b - 3c)$$

22. تحديد البنية استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة التعبير $7bx + 7by$ بصيغة تعبير مكافئ.

23. المثابرة في حل المسائل استخدم خاصية التوزيع لكتابة تعبير مكافئ للتعبير $(a + b)(2 + y)$.

24. البحث عن الخطأ تستخدم هنا خاصية التوزيع لتحويل $3(x + 2)$ إلى أبسط صورة. ابحث عن خطئها وقم بتصحيحه.



25. المثابرة في حل المسائل هل $3 + (x \times y) = (3 + x) \times (3 + y)$ عبارة صحيحة؟ إن كان الأمر كذلك، وضح استنتاجك. وإن لم يكن الأمر كذلك، قدم مثالا مضادا.

تمرين إضافي

استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة كل تعبير.

مساعد
الواجب
المنزلي

26. $(3 + 6)(-8) = \underline{-72}$

$3 \times (-8) + 6(-8) =$

$-24 + (-48) = -72$

27. $4(11 - 5) = \underline{\hspace{2cm}}$

28. $(12 - 4)(-5) = \underline{\hspace{2cm}}$

استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل تعبير.

29. $-8(a + b) = \underline{\hspace{2cm}}$

30. $(2b + 8)5 = \underline{\hspace{2cm}}$

31. $(p + 7)(-2) = \underline{\hspace{2cm}}$

33. افترض أنك تقوم بطلب قمصان قصيرة الكمين مطبوع عليها شعار مدرستك. ويكلف شراء القميص الواحد AED 24.75. وتتقاضى المطبعة مبلغاً قدره AED 30 و AED 2.50 عن طباعة كل قميص. اكتب تعبيرين لتمثيل التكلفة الإجمالية لطباعة عدد n من القمصان قصيرة الكمين.

32. **م.م** تبرير الاستنتاجات تخطط وفاء لصنع بطانية من الصوف لابن أخيها. وقد علمت أن القماش الذي ترغب باستخدامه سيكلفها AED 7.99 للمتر الواحد. أوجد التكلفة الإجمالية لشراء 4 أمتار من القماش. علل إجابتك باستخدام خاصية التوزيع.

استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل تعبير.

36. $-4m(3n - 6p)$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

35. $-6a(2b + 5c)$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

34. $0.5x(y - z)$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

39. $-6(12p - 8n)$

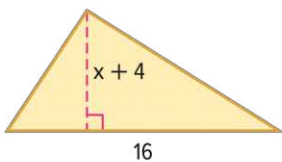
$= \underline{\hspace{2cm}}$

38. $-2(3a - 2b)$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

37. $3(2y + 4z)$

$= \underline{\hspace{2cm}}$



40. اكتب تعبيرين مكافئين لمساحة الشكل التالي.

انطلق! تمرين على الاختبار

نوع التذكرة	التكلفة (AED)
شاب	28.95
مسن	24.95
طفل	19.95

41. اشترت مجموعة تتألف من 3 مسنين و 3 شباب و 3 أطفال تذاكر للذهاب إلى معرض الأحياء البحرية.

املاً المربعات أدناه لتمثيل المبلغ الإجمالي الذي تم إنفاقه باستخدام تعبير.

$$\times (\quad + \quad + \quad)$$

كم المبلغ الذي أنفقته المجموعة على التذاكر كلها؟ كيف يجعل تطبيق خاصية التوزيع التوصل إلى هذا المبلغ أمراً أكثر سهولة؟

42. محمود ذهب إلى مخيم صيفي. يوضح الجدول التالي تكلفة السلع التي تحمل شعار المخيم ويحتاج إلى شرائها. وسيحتاج إلى شراء أربعة من كل منها.

السلعة	التكلفة (AED)
قميص	8.00
سراويل قصيرة	4.50
جوارب	2.25

أي من التعبيرات التالية يمثل التكلفة الإجمالية للسلع؟ حدد كل ما ينطبق.

- 4(14.75)
- 4(8.00) + 4.50 + 2.25
- 4(8) + 4(4.50) + 4(2.25)
- 4(8.00 + 4.50 + 2.25)

مراجعة شاملة

أوجد قيمة كل تعبير إذا كان $x = 9$ و $y = 3$.

43. $x + y - 58$ _____

44. $y^3 + x^3$ _____

45. $y^4 - 128$ _____

46. حدد المعامل والمتغير في التعبير أدناه.

$$4x + 450$$

المعامل: _____ المتغير: _____

تبسيط التعبير الجبرية

السؤال الأساسي

كيف يمكنك استخدام الأعداد والرموز لتمثيل الأفكار الرياضية؟

المفردات

term حد

like terms الحدود المتشابهة

constant ثابت

simplest form أبسط صورة

المهارسات الرياضية

1, 2, 3, 4, 6



الربط بالحياة اليومية



متجر الصوتيات يعمل سالم وخلف وأيوب في متجر للصوتيات. وفي كل أسبوع يعمل سالم عدد ساعات يزيد بثلاث عن ضعف ساعات عمل خلف. ويعمل أيوب لمدة أقل بساعتين من خلف.

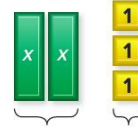
1. افترض أن X تمثل عدد الساعات التي يعملها خلف كل أسبوع. يمكن تمثيل عدد الساعات التي يعملها خلف وسالم وأيوب كما هو موضح أدناه. اكتب تعبيرًا يمثل عدد ساعات عمل كل شخص منهم.

ساعات عمل أيوب



أقل
خلف
بساعتين

ساعات عمل سالم



يزيد
بثلاث
ضعف ساعات
عمل خلف

ساعات عمل خلف



التعبير: _____ التعبير: _____ التعبير: _____

2. مثل عدد ساعات عمل سالم وأيوب. ارسم النتيجة أدناه. ثم اكتب تعبيرًا يمثل الرسم.

التعبير: _____

3. القطع المتشابهة هي القطع التي لها الشكل ذاته. اجمع القطع المتشابهة معًا وأزل الأزواج الصفرية. ارسم النتيجة أدناه. ثم اكتب تعبيرًا يمثل رسمك.

التعبير: _____



ما المهارسات الرياضية التي استخدمتها؟

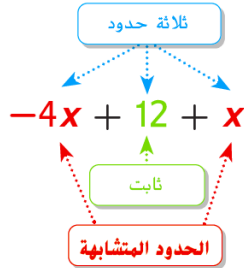
ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- | | |
|-----------------------------|---------------------------|
| ⑤ استخدام أدوات الرياضيات | ① المثابرة في حل المسائل |
| ⑥ مراعاة الدقة | ② التفكير بطريقة تجريدية |
| ⑦ الاستفادة من البنية | ③ بناء فرضية |
| ⑧ استخدام الاستنتاج المتكرر | ④ استخدام نماذج الرياضيات |

تحديد أجزاء من التعبير

عندما تقسم علامة الجمع أو الطرح تعبيرًا جبريًا إلى أجزاء فإن كل جزء يدعى **حدًا** تذكر أن العامل العددي للحد الذي يحتوي على متغير يسمى معامل المتغير.

الحدود المتشابهة لها المتغيرات والأسس ذاتها. على سبيل المثال، $3x^2$ و $-7x^2$ حدان متشابهان. وكذلك $8xy^2$ و $12xy^2$. إلا أن $10x^2z$ و $22xz^2$ ليسا حدّين متشابهين. الحد الذي لا متغير فيه يسمى **ثابتًا**. والحدود الثابتة مثل الحدود المتشابهة.



مثال

1. حدّد الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في التعبير $6n - 7n - 4 + n$.

أعد كتابة التعبير. $6n - 7n - 4 + n = 6n + (-7n) + (-4) + 1n$

- الحدود: $6n, -7n, -4, n$
 - الحدود المتشابهة: $6n, -7n, n$ كل هذه الحدود لها المتغير ذاته.
 - المعاملات: $1, -7, 6$
 - الثوابت: -4
- هذا هو الحد الوحيد الذي ليس له متغير.

تأكد من فهمك! حل أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

حدّد الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في كل تعبير.

a. $9y - 4 - 11y + 7$

b. $3x + 2 - 10 - 3x$

تحويل التعابير الجبرية لأبسط صورة

يكون التعبير الجبري في **أبسط صورة** إذا لم تكن له أي حدود متشابهة أو أقواس. استخدم خاصية التوزيع لتجميع الحدود المتشابهة.

توقف وفكر

حوظ الحد أدناه الذي يمثل حدًا متشابهًا للحد

$$-4x^3$$

$$-4x^2$$

$$x^3$$

$$-4$$

اكتب
الجزء
هنا.

a. _____

b. _____

أمثلة

2. اكتب $4y + y$ في أبسط صورة. $4y$ و y حدّان متشابهان.

$$4y + y = 4y + 1y \quad \text{خاصية المحايد: } y = 1y$$

$$= (4 + 1)y = 5y \quad \text{خاصية التوزيع: بسّط.}$$

3. اكتب $7x - 2 - 7x + 6$ في أبسط صورة. $7x$ و $-7x$ حدّان متشابهان. -2 و 6 حدّان متشابهان أيضًا.

$$7x - 2 - 7x + 6 = 7x + (-2) + (-7x) + 6 \quad \text{تعريف الطرح}$$

$$= 7x + (-7x) + (-2) + 6 \quad \text{خاصية التبديل}$$

$$= [7 + (-7)]x + (-2) + 6 \quad \text{خاصية التوزيع}$$

$$= 0x + 4 \quad \text{بسّط.}$$

$$= 0 + 4 = 4 \quad \text{خاصية الضرب في الصفر وخاصية المحايد الجمعي للصفر.}$$

تأكد من فهمك! حل أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

c. $4z - z$ d. $6 - 3n + 3n$ e. $2g - 3 + 11 - 8g$

مثال

4. يمكن تمثيل تكلفة السترة z بعد إضافة هامش ربح بنسبة 5% بالتعبير $z + 0.05z$. حوّل التعبير لأبسط صورة. ثم حدّد التكلفة الإجمالية للسترة بعد إضافة هامش الربح، إذا كان السعر الأصلي يبلغ AED 35.

$$z + 0.05z = 1z + 0.05z \quad \text{خاصية المحايد: } z = 1z$$

$$= (1 + 0.05)z \quad \text{خاصية التوزيع}$$

$$= 1.05z \quad \text{بسّط.}$$

$$1.05z = 1.05(35) \quad \text{استبدل } z \text{ بـ } 35 \text{ لإيجاد التكلفة الإجمالية.}$$

$$= 36.75 \quad \text{اضرب.}$$

إذا، فإنّ تكلفة شراء السترة بعد إضافة هامش ربح بنسبة 5% تبلغ AED 36.75.

تأكد من فهمك! حل أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

f. اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثّل تكلفة شراء السترة المذكورة في المثال 4 إذا علمت أن نسبة هامش الربح تبلغ 8%. ثم حدّد التكلفة الإجمالية بعد إضافة هامش الربح.

التعابير المكافئة

للتحقّق مما إذا كان $4y + y$ و $5y$ تعبيرين مكافئين، عوض أي قيمة في y ثم انظر فيما إذا كانت للتعبيرين القيمة ذاتها أم لا.

اكتب
الحل
هنا.

c. _____

d. _____

e. _____

f. _____



مثال

5. افترض أنك اشتريت عددًا من القمصان قصيرة الأكمام في مهرجان للتسوق مقابل مبلغ AED 12.00 لكل منها والعدد ذاته من الأقراص المدمجة مقابل AED 7.50 لكل منها. اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثل المبلغ الإجمالي الذي أنفقته.

افتراض أن X تمثل عدد القمصان والأقراص المدمجة.

$$12x + 7.50x$$

اكتب التعبير.

$$12x + 7.50x = (12 + 7.50)x$$

خاصية التوزيع

$$= 19.50x$$

بسط.

يمثل التعبير $AED 19.50x$ المبلغ الإجمالي الذي تم إنفاقه.



تأكد من فهمك! حل أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد من أنك فهمت.

g. افترض أن لديك مبلغًا من المال. ولدي صديقك مبلغ أقل بمقدار AED 50 مما هو لديك. اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثل إجمالي ما لديك ولدي صديقك من المال.

اكتب الجمل هنا.

g. _____



تمرين موجه

1. حدّد الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت.

في $5n - 2n - 3 + n$. (المثال 1)

(المثالان 2 و 3)

$$4p, -7, 6p, 10$$

الحدود

$$5n, -2n, -3, n$$

الحدود

$$\boxed{4p, 6p} \quad \boxed{-7, 10}$$

الحدود المتشابهة

$$5n, -2n, n$$

الحدود المتشابهة

$$-7, 10$$

الثوابت

$$5, -2, 1$$

المعاملات

3. يمكن تمثيل تكلفة اللعبة g مع ضريبة مبيعات نسبتها 7% باستخدام التعبير $g + 0.07g$.

حوّل التعبير إلى أبسط صورة. ثم حدّد التكلفة الإجمالية للعبة شاملة ضريبة المبيعات إذا علمت أن السعر الأصلي يبلغ AED 52. (المثال 4)

$$g + 0.07g = 1.07g \Rightarrow \text{التكلفة الإجمالية} = 1.07(52) = 55.64$$

4. افترض أنك ذهبت إلى لعبة لكرة السلة واشترت 3 زجاجات مياه تبلغ

تكلفة كل منها x من الدراهم. ثم اشترى أخوك زجاجة مياه وكيسًا من

الفول السوداني بسعر AED 4.50. اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثل

المبلغ الإجمالي الذي تم إنفاقه على السلع كلها. (المثال 5)

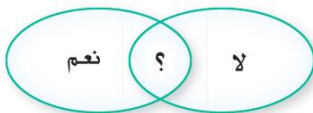
$$3x + x + 4.5 = 4x + 4.5$$

5. الاستفادة من السؤال الأساسي وضح لماذا تعد العبارة

$$\frac{2}{3}(x-1) + \frac{3}{5}(x-1) = \frac{5}{3}(x-1)$$

قيم نفسك!

هل أنت مستعد للمتابعة؟ ظلل القسم الذي ينطبق.



$$\text{أنت} + \text{أخوك} +$$

$$3 \text{ زجاجات ماء} + \left(\frac{\text{نول سوداني} + \text{زجاجة ماء}}{x} \right)$$

$$3x + (x + 4.5) =$$

تمارين ذاتية

صفحة 391

حدّد الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في كل تعبير. (المثال 1)

1. $2 + 3a + 9a$

الحدود / $2, 3a, 9a$
 الحدود المتشابهة / $3a, 9a$
 المعاملات / $3, 9$
 الثوابت / 2

2. $7 - 5x + 1$

الحدود / $7, -5x, 1$
 الحدود المتشابهة / $7, 1$
 المعاملات / -5
 الثوابت / $7, 1$

3. $9 - z + 3 - 2z$

الحدود / $9, -z, 3, -2z$
 الحدود المتشابهة / $(9, 3), (-z, -2z)$
 المعاملات / $-1, -2$
 الثوابت / $9, 3$

اكتب كل تعبير في أبسط صورة. (المثالان 2 و 3)

4. $n + 5n = 6n$

5. $12c - c = 11c$

6. $-4j - 1 - 4j + 6 = -8j + 5$

7. يمكن تمثيل تكلفة التذكرة t إلى حفلة عليها ضريبة مبيعات تبلغ نسبتها 3% بالتعبير $t + 0.03t$. حوّل التعبير إلى أبسط صورة. ثم حدّد التكلفة الإجمالية بعد إضافة ضريبة المبيعات إذا كان الثمن الأصلي AED 72. (المثال 4)

$$t + 0.03t = 1.03t \quad , \quad 1.03(72) = 74.16 \text{ درهم}$$

اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثل المبلغ الإجمالي في كل حالة. (المثال 5)

8. افترض أنك استأجرت عدد x من الأحذية مقابل مبلغ 20 AED عن كل زوج. واشترت العدد ذاته من المشروبات مقابل 9.50 AED عن كل مشروب. ودفعت مبلغ 19 AED للحصول على دور في لعبة البولينج.

افترض أنك استأجرت عدد x من الأحذية مقابل مبلغ 20 AED عن كل زوج. واشترت العدد ذاته من المشروبات مقابل 9.50 AED عن كل مشروب. ودفعت مبلغ 19 AED للحصول على دور في لعبة البولينج.

$$20x + 30 = 30$$

$$20x + 9.5x + 19 = 29.5x + 19$$

الجنة الإدارية

$$m \quad m + 119$$

10. في لجنة إدارية للبلدية، كان هناك أعضاء أكثر في مكتب الرقابة الإدارية بـ 119 شخصًا من أعضاء قسم العلاقات العامة والإعلام. فإذا كان m يمثل عدد الأعضاء في قسم العلاقات العامة والإعلام، اكتب تعبيرًا يمثل العدد الإجمالي في اللجنة الإدارية.

$$2m + 119 \leftarrow m + m + 119$$

11. دفع ناصر ورفاقه مبلغًا إجماليًا قدره 27 AED مقابل تذاكر حضور مباراة كرة القدم المدرسية. وعندما كانوا في المباراة، قاموا بشراء 5 شطائر مقابل x من الدراهم لكل منها، و 4 علب من الفشار مقابل y دراهم لكل منها، وكيسين من الكعك المملح مقابل z من الدراهم لكل كيس.

$$a. \text{ اكتب تعبيرًا يمثل التكلفة الإجمالية للتذاكر والوجبات الخفيفة. } 27 + 5x + 4y + 2z$$

$$b. \text{ تكلف الشطائر 4 AED، ويكلف الفشار 3 AED، ويكلف الكعك المملح 2 AED.}$$

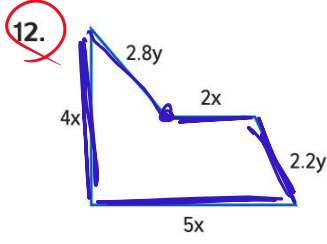
فكم كانت التكلفة الإجمالية للتذاكر والوجبات الخفيفة؟

الدرس 5 تبسيط التعابير الجبرية 391

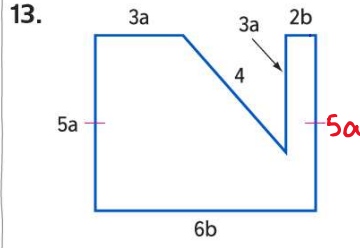
$$\begin{aligned} &= 27 + 5(4) + 4(3) + 2(2) \\ &= 27 + 20 + 12 + 4 \\ &= 63 \text{ درهم} \end{aligned}$$

تجميع كل الحدود

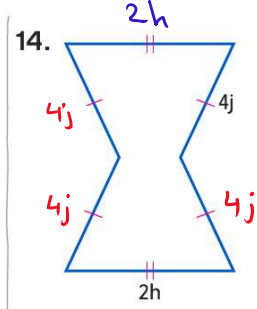
12. التفكير بطريقة تجريدية اكتب تعبيرًا في أبسط صورة لتمثيل محيط كل شكل.



$$\begin{aligned} \text{المحيط} &= 2.8y + 4x + 5x + 2.2y + 2x \\ &= 5y + 11x \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{المحيط} &= 6b + 5a + 2b + 3a \\ &\quad + 4 + 3a + 5a \\ &= 8b + 16a + 4 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{المحيط} &= 2h + 2h + 4j + 4j + 4j + 4j \\ &= 4h + 16j \end{aligned}$$

مسائل مهارات التفكير العليا

15. مراعاة الدقة اكتب تعبيرًا له ثلاثة حدود ويتحول في أبسط صورة إلى $4x - 7$. حدّد المعامل (المعاملات) والثابت (الثوابت) في تعبيرك.

16. أي مما يلي لا ينتمي للمجموعة؟ حدّد التعبير الذي لا يكافئ التعبيرات الثلاثة الأخرى. وشرح استنتاجك.

$$x - 2 + 3x$$

$$4(x - 2)$$

$$-2 + 7x - 3x$$

$$4x - 2$$

17. المثابرة في حلّ المسائل حوّل إلى أبسط صورة التعبير $8x - 2x + 12x - 3$. اشرح كيف أن إجابتك صحيحة عندما يكون $x = 2$.

18. تبرير الاستنتاجات حدّد ما إذا كانت العبارة التالية صحيحة دائمًا، أو أحيانًا أو غير صحيحة إطلاقًا. وضح استنتاجك.

عند استخدام خاصية التوزيع، إذا كان الحدّ الذي خارج القوسين سالبًا، فإن علامة كل حدّ بين القوسين سوف تتغيّر.

تمرين إضافي

حدّد الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في كل تعبير.

مساعد
الواجب
المنزلي

19. $4 + 5y - 6y + y$

20. $n + 4n - 7n - 1$

21. $-3d + 8 - d - 2$

اكتب كل تعبيرٍ مما يلي بأبسط صورة.

22. $5x + 4 + 9x$

= _____

23. $2 + 3d + d$

= _____

24. $-3r + 7 - 3r - 12$

= _____

اكتب تعبيرًا في أبسط صورة يمثل المبلغ الإجمالي في كل حالة.

25. افترض أنّك اشتركت بعدد m من مجلات مختلفة. بينما 26. افترض أنّ صديقك يبلغ من العمر y عامًا. وأخوه أصغر اشترك صديقك في مجلات أقل بمقدار 2 عنك. منه سنًا بمقدار 5 أعوام.

27. قضيت عدد m من الدقائق في الدراسة يوم الأحد. ويوم الاثنين قضيت مدة أطول في الدراسة بمقدار 15 دقيقة عن يوم الأحد. ويوم الثلاثاء درست لمدة أقل بمقدار 30 دقيقة عن يوم الاثنين. ثم درست يوم الأربعاء ضعف المدة التي درست فيها يوم الأحد. ودرست يوم الخميس لمدة نقل بمقدار 20 دقيقة عمّا فعلت يوم الأربعاء. اكتب تعبيرًا في أبسط صورة لتمثيل العدد الإجمالي للدقائق التي قضيتها في الدراسة.

28. التفكير بطريقة تجريدية اكتب مثالاً من الحياة اليومية يعبر عن $7.50y + 9$.

حوّل كل تعبير لأبسط صورة.

29. $3(4x - 5) + 4(2x + 6)$

= _____

30. $-8(2a - 3b) - 5(6b - 4a)$

= _____

31. $10(5g + 2h - 3) - 4(3g - 4h + 2)$

= _____